الممعورية المزائرية الحيمتراطية المعبية

وزارة التربية الوطنية

الحيوان الوطني الامتعابات والمسابقات * دورة جوان 2008 *

امتحان بكالوريا التطيم الثانوي

المدة : 03ساعات ونصف

اختبار في مادة الرياضيات

شعبة : التسيير والاقتصاد

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين : الموضوع الأول

التمرين الأول : (4 نقط)

(سينا النا

يمثل الجدول الأتي تطور إنتاج معمل الإسمنت خلال 6 سنوات من 2000 إلى 2005.

المنة	2000	2001	2002	2003	2004	2005
ترتيب السنوات _ا بد	1	2	3	4	5	6
الإنتاج بالمليون طن بر	3,8	4	4,5	4,8	5,2	5,6

-1 مثل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$ في معلم متعامد و متجانس حيث وحدة الأطوال -1

2 عين إحداثيي النقطة المتوسطة G.

a=0,37 هو a=0,37

(D) علما أن G نقطة من (D) عين معادلة مختصرة للمستقيم

ب- من أهداف المعمل الوصول إلى انتاج 7,3 مليون طن في سنة 2009.
 بين باستعمال التعديل الخطي السابق اذا كان هذا الهدف يمكن أن يتحقق ؟

التمرين الثاني (4 نقط)

$$\begin{cases} u_0 = \alpha & ; \quad (\alpha \in \mathbb{R}) \\ u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n - \frac{8}{9} & ; (n \in \mathbb{N}) \end{cases}$$
 : يلي (u_n)

برهن بالنراجع أنه في حالة $\frac{8}{3} = -\frac{8}{3}$ تكون المنتالية (u_{α}) ثابتة.

 $v_n = u_n + \frac{8}{3}$: و نعرف المنتالية العددية (v_n) كما يلي $\alpha = 2$. $\alpha = 2$ في كل مايلي $\alpha = 2$. $\alpha = 2$.

. v_0 اثبت أن (v_n) منتالية هندسية يطلب تعيين أساسها q و حدها الأول v_0

 u_n عبارة u_n بدلالة n . و أحسب u_n عبارة u_n

التمرين الثالث : (4 نقط)

يحتوي كيس ُعلى 7 كرات منها 3 بيضاء تحمل الأرقام -2 ، 1 ، 2 و أربع حمراء تحمل الأرقام 2 ، 2 ، 1 ، 1 و أربع حمراء تحمل الأرقام 2 ، 2 ، 1 ، 1 والمحدة من الكيس .

أ) ما احتمال الحصول على كرة تحمل الرقم 1.

ب) اذا كانت الكرة المسحوبة تحمل الرقم 1 فما هو احتمال أن يكون لونها أحمرًا .

- 2) نسحب على التوالى كرئين من الكيس دون إرجاع.
- أ) ما احتمال الحصول على كرئين تحمل كل منها رقما فرديا.
 - ب) ما احتمال الحصول على كرئين من نفس اللون.
 - ج) ما احتمال أن يكون مجموع الرقمين الظاهرين 3.

<u>التمرين الرابع: (08 نقط)</u>

التكن ﴿ وَاللَّهُ عَدْدِيا ۚ قَالِلْهُ للإِسْتَقَاقَ عَلَى كُلُّ مَجَالُ مِن مَجْمُوعَةُ تَعْرِيفُها الها جدول التغيرات التالي :

х	-∞	$\frac{1}{2}$]	[$\frac{3}{2}$	+∞
f'(x)	4	· 0	-	-	ó	+
f(x)		\		+80	3-	→ +∞

c,b,a حيث $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$ على الشكل $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$ على الشكل وتكتب عبارة

- · f'(x) بسب (1
- اعتمادا على جدول تغيرات الدالة f:
- c,b,a عين الأعداد الحقيقية
- ب-عين $\lim_{x \to -x} f(x)$ وَ $\lim_{t \to -x} f(x)$ و فَسَر الْنَتَبِجَةُ بيانيا.
- $\frac{1}{4}$ جــ قارن بين صورتي العددين $\frac{1}{2}$ و $\frac{8}{4}$ بالدالة f معللا إجابتك.
- 3) ناخذ فيما يلي : c=1 ؛ c=1 ؛ c=1 و ليكن c المنحنى البياني الممثل لتغير ات الدالة c=1 في معلم متعامد و متجانس.
 - y=x+1: أ) بين انه عندما يؤول x الى $(+\infty)$ أو $(-\infty)$ فان المنحنى (C)يقبل مستقيما مقاربا (Δ) معادلته
 - (Δ) الدرس وضعية المنحنى (C) بالنمبة الى المستقيم (Δ)
 - . (C) مركز تناظر للمنحنى $\omega(1,2)$ مركز مناظر المنحنى
 - د) عين نقط تقاطع المنحنى (C) مع حامل محور الفواصل
 - $f(x)=|\lambda|$ عدد حقیقی ، عین بیانیا ، حسب قیم λ عدد حلول المعادلة λ

الموضوع الثاتي

التمرين الأول(5 نقاط):

 $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n - 1$ المنتالية العددية (u_n) معرفة كما يلي: $u_0 = 1$ ومن أجل كل عدد طبيعي $u_0 = 1$

. سب س_{اء} و سبدا. 1

 $u_n \ge -2$: n عدد طبیعی انه من اجل کل عدد التر اجع أنه من اجل التر اجع أنه من اجل كل عدد التر اجع

 u_{n} ب.جد اتجاه تغیر آلمتتالیه u_{n}) ، ماذا تستنتج

 $v_n = u_n + 2$: المتتالية العددية المعرفة من اجل كل عدد طبيعي n كما يلي $v_n = u_n + 2$.

أ.بين أن المنتالية («») منتالية هندسية .

 u_n ب.عبر بدلالة nعن الحد العام v_n ثم

· lim u, ———

 $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$: حيث $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$ د . احسب، بدلالة n ، المجموع $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$

التمرين الثاني (5 نقاط):

بحتوي كيس على 10 قريصات لا يمكن التفريق بينها باللمس ، من بينها 6 حمراء اللون تحمل الأرقام 1 ، 3 ، 5 ، 5 ، 5 . 1 . الأرقام 1 ، 3 ، 5 ، 5 . 5 .

أ نسحب ثلاثة قريصات من هذا الكيس واحدة تلو الأخرى دون إرجاع.

المطلوب حساب:

أ - احتمال الحصول على ثلاثة قريصات من نفس اللون .

ب- احتمال الحصول على ثلاثة قريصات بلونين مختلفين.

جــ - احتمال الحصول على ثلاثة قريصات تحمل ثلاثة أرقام مجموعها 15.

د – احتمال الحصول على ثلاثة قريصات مجموعها 15 علما أنها من نقس اللون.

<u>التمرين الثالث (5 نقاط):</u>

 $P(x) = x^3 - 4x^2 + 4x + \frac{1}{2}$: كما يلي $R = x^3 - 4x^2 + 4x + \frac{1}{2}$ الدالة كثير الحدود

 \mathbb{R} على \mathbb{R} الدالة Pعلى \mathbb{R}

 $-\frac{1}{2}$: 0 المعادلة P(x) = 0 نقبل حلا وحيدا α في المجال P(x) = 0

استنتج إشارة (P(x على ℝ .

 $G(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{4}{3}x^3 + 2x^2 + \frac{1}{2}x$: كما يلي \mathbb{R} كما يلي G معرفة على G معرفة على \mathbb{R} كما يلي اتجاه تغير الدالة Gعلى \mathbb{R} (لا يطلب حساب $G(\alpha)$).

التمرين الرابع (5 نقاط):

الجدول التالى يمثل تطور نسبة البطالة في بلد بين السنوات 1970 و 2005.

اره اغروب خدما م) م	1970	1975	1980	1985	1990	1995	2000	2005
رتبة السنة $x_1 = a_1 - 1970$	0	5	10	15	20	25	30	35
y, النسبة المئوية	1.3	1.5	1.5	1.3	1.4	2.2	2.5	2.2

ا مثل بيانيا سحابة النقط $M_{c}(x_{c};y_{c})$ في معلم متعامد. 1

(1cm) لكل 5 سنوات على محور الفواصل و 1cm لكل 0.5% على محور التراتيب)

- جد إحداثيتي النقطة المتوسطة G لسحابة النقط ثم علمها.
- 3.أ. بيّن أن المعادلة المختصرة لـ (Δ) مستقيم الإنحدار بالمربعات الدنيا لهذه السلسلة هي: y = 0.03x + 1.19
 - ب. ما هي نسبة البطالة المتوقعة في هذا البلد سنة 2009؟
 - جــ. ابتداء من أي سنة تصبح النسبة المتوقعة للبطالة أكبر من %3؟

بكالوريا جوان 2008		جية و سلم التنقيط المادة: الرياضيات الشعبة: تسيير و اقتصاد	_الإجابة النموذ
العلامة		tan a tan	محاور
المجموع	مجزأة	الموضوع الأول عناصر الإجابة	الموضوع
		تمرین 1 (04 نقاط)	الحصاء
		,	
	0,5	$\frac{-}{x} = \frac{1+2+3+4+5+6}{6} = 3.5$ lied which is a simple of the state of the sta	
	0,5	$\frac{-}{y} = \frac{3,8+4+4,5=4,8+5,2+5,6}{6} = 4,65$	
	0.5	Ö	
	0,5	G(3,5, 4,65) إذن	
		$\left(\frac{1}{c}\sum_{i=1}^{\infty}x_{i}y_{i}\right)-\overline{xy}$	
		$a = \frac{6 \frac{1}{110}}{100}$ (1-3)	
		$a = \frac{\left(\frac{1}{6}\sum_{i=1}^{6}x_{i}y_{i}\right) - \overline{xy}}{\frac{1}{6}\sum_{i=1}^{6}\left(x_{i} - \overline{x}\right)^{2}} (1 - 3)$	
		O _{i=1}	
	2~0.25	$\frac{6}{5}(\frac{1041}{1000})$	
	2×0,25	$\sum_{i=1}^{6} \left(x_i - \overline{x} \right)^2 = 17.5 \qquad \qquad \sum_{i=1}^{6} x_i y_i = 104.1$	
	0,5	a = 0.37	
04	0,5	$b = 3,36 \qquad 0 \qquad y = ax + b$	
		(D): $y = 0.37x + 3.36$	-
	0,25	ب) رتبة 2009 هي 10	
	0,5	y = 7,06 من اجل $x = 10$ يكون $y = 7,06$	
	0.25	الهدف لا يمكن أن يتحقق ملايانية تقبل الإجابة بين 6,8 و 7,2 ملاحظة : في حالة القراءة البيانية تقبل الإجابة بين 6,8 و 7,2	
	0,25	التمرين الثاني: (04 نقط)	المتتاليات
	0,5:×2	1) البرهان بالتراجع:	
	0,25×2	$u_2 = \frac{-16}{27}$, $u_1 = \frac{4}{9}$ (1) (2)	
04 نقاط		21	
	0,25×2+0,5	$v_0 = \frac{14}{3}$, $q = \frac{2}{3}$; $v_{n+1} = \frac{2}{3}v_n$ (φ	
	0,5 ×2	$14(2)^2$ 8 $14(2)^n$	
	0,5 _	$u_n = \frac{14}{3} \left(\frac{2}{3}\right)^2 - \frac{8}{3}$ e o $v_n = \frac{14}{3} \left(\frac{2}{3}\right)^n$ (
	0,5	$\lim u = \frac{8}{8}$	
		$\lim_{x \to +\infty} u_n = -\frac{\delta}{3}$	
		لتمرين الثالث 40 نقاط	ļ
	0,5	$P(A) = \frac{3}{7}$: هو الحصول على كرة تحمل الرقم الموة الحتمال الحصول على كرة تحمل الرقم	
	0,5		
	0,5	$P_A(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$ ب $P_A(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$ كرة حمراء	
	0,75	A 1	
	0,75	$P_{A}(B) = \frac{\frac{7}{7} \times \frac{1}{2}}{3} = \frac{2}{3}$	
		$I_A(B) = \frac{3}{3} = 3$	
		7	
			,

الصفحة 1 / 4

	بكالوريا جوان العلا	موذجية و سلم التنقيط المادة: الرياضيات الشعبة: تسيير و اقتصاد ا	نابع الإجابه الد
المجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	محاور الموضوع
	0,5	$P(C) = \frac{1}{7}$: احتمال الحصول على كرتين تحمل رقما فرديا (أ (2	
04	0,5	$P(D) = \frac{3}{7}$: ب) احتمال الحصول على كرتين من نفس اللون	
	0,5		
	0,25×3	$P(E) = \frac{3}{14}$: 3 جــ) احتمال أن يكون مجموع الرقمين الظاهرين	
	0,5	التمرین الرابع: 08 نقاط $f'(x) = a - \frac{c}{(x-1)^2}$ (1)	دوال العددية
		$(x-1)^2$	
		a-4c=0	
	0,25×3	$\begin{cases} \frac{1}{2}a + b - 2c = 1 \end{cases}$	
	0,25×3	$a=1$, $b=1$, $c=\frac{1}{4}$	
:	0,25×2 0,25	$\lim_{x \to -1} f(x) = -\infty \lim_{x \to -1} f(x) = +\infty (\mathbf{y})$	
		المستقيم $x=1$ مقارب للمنحنى الممثل للدالة $x=1$ المستقيم $x=1$ مقارب للمنحنى الممثل الدالة $x=1$ المستقيم $x=1$	
	0,5	$\left \frac{1}{2},1\right $ و f متناقصة على $f\left(\frac{1}{2}\right)>f\left(\frac{3}{4}\right)$ (ب	
	0,5	$\lim_{ x \to +\infty} \left[f(x) - y \right] = 0 (1 (3)$	
08		x -∞ 1 +∞	
	0,5	$f(x)-y$ - + (Δ) الوضعية (C) الوضعية (C)	
	_	$X = x - 1 , Y = y - 2 \qquad (\rightarrow)$	
	1	$Y=X+rac{1}{4X}:$ هي $(\omega,ec{i},ec{j})$ هي المعلم (C) هي المعلم الم	
		الدالة $X \mapsto X + \frac{1}{4X}$ فردية (أو أي طريقة سليمة)	•
	0,25×3	$f\left(\frac{-\sqrt{3}}{2}\right) = 0 , f\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 0 , f(0) = \frac{3}{4} $	

تاب

جوان 008 ئىة	العلا	موذجية و سلم التنقيط المادة : الرياضيات الشعبة : تسيير و اقتصاد	<u></u>	
المجموع	مجزاة	عناصر الإجابة		
	1	Пушта		
		اً $\lambda \in]-1,1[$ (4 نامعادلة حلان $\lambda \in]-1,1[$		
-		$\lambda = -1$ للمعادلة حل مضاعف $\lambda = -1$		
- Target	1 ,	ا $\lambda \in]-3,-1[$ $\cup]1,3[$		
		$\lambda = 3$ المعادلة حل مضاعف $\lambda = 3$		
		$\lambda \in]-\infty, -3[\cup]3, +\infty[$ للمعادلة حلان		
- Proceedings		· ·		
ļ				
			_	
		119		

العلامة		المه ضه ع الثاني عناصر الإجابة				
المجموع	مجزأة	الموضوع الثاني عناصر الإجابه	محاور الموضوع			
and the second		حل التمرين الأول (05 نقط)	ر بر حو			
	3×0.25	$u_3; u_2; u_1$ دساب $u_3; u_2; u_1$ دساب. 1				
	0,25+0.5	u_3, u_2, u_1 الشات أن $u_n \ge -2$	*المتتاليات			
Andrews of the state of the sta	0.5	$u_n=2$ ب/اتجاه تغیر المتتالیة (u_n)	من الشكل			
05	0,5	ماذا تستنتج	$u_{n+1} = \alpha u_n + b$			
	0.5+2×0.25	(v_n) : اراثبات آن (v_n) متتالیهٔ هندسیهٔ	71.1			
	0.25+0.25	ب/عبارة الحد العام ٧٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠				
	0.25	u_n الحد العام u_n				
	0.25	$ \lim_{n \to +\infty} u_n / \underline{\qquad} $				
	0,5	$s \rightarrow +\infty$ $c \rightarrow +\infty$				
		(1-5: 05) the contraction of the				
05	1	حل التمرين الثاني. (05 نقط) المحتمال الحصول على 3 قريصات من نفس اللون				
	1	ب- احتمال الحصول على 3 قريصات بلونين مختلفين	_			
	4×0 , 5	حــ- احتمال الحصول على 3 قريصات مجموعها 15				
	1	د - احتمال الحصول على 3 قريصات مجموعها 15 علما أنهت من نفس اللون				
		(1:05) > n>n				
05	2×0.25	حل التمرين الثالث. (05 نقط)				
	3×0.25	حساب المشتقة و إشارتها				
	3×0.25	جدول التغيرات و القيمتان الحديثان	*مبرهنة			
	5×0.25	$-\frac{1}{2}$ المعادلة تقبل حلا وحيدا على المجال $-\frac{1}{2}$	القيم			
	2×0.5	3. إشارة (x) مع التبرير	المتوسطة			
	3×0.25	ر المعارف (س) المع المجرير الدالمة G	و			
			تطبيقاتها			
	4×0.25	حل التمرين الرابع: (05 نقط)				
	3×0.25	ا الترفيا الربيني اسحانية النقط	*السلاسل			
	2×0.5	1. التصيي أبيا في المستقب ال	الإحصائية			
0,5	0.25	ا 3.ا/معادله (Δ)	المتغيرين			
	2 2 =		عدين			
	2×0.5	ب/ نبية البطالة سنة 2009	*سحابة			
	2×0.5	جـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	النقط			